

Variace bez opak: $V_k(n) = n! / (n-k)!$ **s opak** n^k **Kombinace bez opak** $n! / ((n-k)!k!)$ **s opak** $n = n+k-1$ **Permutace bez opak** $n!$ **S opak** $n! / n!n2! \dots nk!$ **Relace:** **Reflex:** xRx **Symetr** $xRy \Rightarrow yRx$ **antisym** xRy a $yRx \Rightarrow x=y$ **transitiv** xRy a $yRz \Rightarrow xRz$ **ekvivalence** = rel RST **uspoř** = rel R, A, T **grupa:** asociativní operace, neutrální, inverzní prvek, **asociativní:** $x*(y*z) = (x*y)*z$ **komutativní:** $x*y = y*x$ **nedist.svazy** : petiúhel, kosočtv **svaz** = pro každé $x, y \in E$ sup, inf **UDNF** = tam kde jedničky, $0 = \text{neg}X, (\dots)v(\dots)$ **UKNF** tam kde nuly, $1 = \text{neg}X, (\dots)a(\dots)v(\dots)$, **demorgan:** $\text{neg}(x+y) = \text{neg}X * \text{neg}Y$, $\text{neg}(xy) = \text{neg}x + \text{neg}y$. **Komplementární svaz:** svaz s 0 a 1 kde každý prvek má nějaký komplement. **Boolova algebra:** distr, komplement. Svaz s prvky 0 a 1 **Grafy:** **isomorf:** můžu preznačit vrcholy, **podgraf:** vrcholy podmnožinou, hrany podmnožinou. **induk.podgraf** obsahuje všechny hrany které jsou na podděné množině v původním grafu, **stupně:** součet sudý, **sled:** vrcholy se opak, hrany taky **cesta:** vrcholy se neopak, **tah:** každá hrana jednou, vrcholy se mohou opak **komponenty grafu:** indukované podgrafy grafu G na třídách ekvivalence \sim **kružnice:** uzavřený sled, kde se v_0 opakuje dvakrát, ostatní vrcholy jednou **euler:** každá hrana jednou, všechny stupně sudé, **euler.tah:** každá hrana jednou **hamilton:** každý V jednou, složitě, **strom** je graf bez kruž, **faktor** je podgraf, vlastní = různý od pův grafu, **kostra** je faktor který je strom, **silně souv graf:** exist orient cesta pro všechna x, y i z y do x, **cyklus:** každý vrchol jednou, **Tranzitiv.uzáv:** Všechny vrcholy, hrany pokud existuje orient cesta, **incidenč.matic** $(H, V) = +1$ pokud hrana vychází, -1 vchází, 0 jinak, **redukováná inc.matic**: bez posledního radku **počet koster orient:** $\det(A * A^T)$, kde A je reduk inc matice, **neorient g-laplace** $(V, V): \det L'$, $L_{ij} = \text{Stupeň na úhlop}, -1$ je hrana, 0 jinak, škrtnu posled řádek, sloupec, poč.koster = $\det(L')$, **počet komponent** = Hodnost mod 2 je $n-k$ kde k je poč komponent, **prostor kružnic:** vezmu kostru, dopním hranu, a z čísel hran udělám vektor, když mam všechny, tak pak souč přez dvojice, trojice. **prostor řezů:** kostra, odstraním hranu, a všechny hrany co spojují komponenty do vektoru, pak součty, **sled určité délky:** délky nula: jednotková, délky k: k-tá mocnina matice sousednosti. **distanční matic:** udělám mocniny až do $n-1$ kde n je počet V, v každé zvýrazním nenulovej prvek v nejnižší mocnině je vzdálenost, **W(G)-vážená matic** **sousednosti**, váha tam kde je hrana, **w-distanční matic:** dijkstrem, lépe $D_{11} = 0$ pro $i=j$, váha pro ij kde je hrana, nekonečno jinde, pak maticovej součin kde hodnoty sčítam, a místo sumy zapisuju minimum, tolik součinů dokud se liší, $D_{k+1} = D_k * D_1$,

dijkstrův algoritmus:nejkratší cesta: vezmu start, dam do něj nulu, ostatním dam nekonečno, vezmu sousedy, dam je do haldy, a vezmu nejmenší z nich, najdu sousedy, dam do haldy, a ten nejmenší vyhodim, v každým kroku zkontroluju hodnocení sousedních vrcholů, kdyžtak přehodnotim **hladový algoritmus: minimální kostra:** seřadím hrany podle ohodnocení, a přidávam dokud necyklí, když cyklí, prostě ji nepřidam a jedu dál

kritická cesta: nakreslim síťovej graf, při průchodu od začátku k cíli hledam maximální ohodnocení vrcholů, při zpětném průchodu hledam minimální, kritická cesta je tam kde není rezerva

$C^P = C \text{ mod } P$

$2^{120} \text{ mod } 11 = 2^{(11*10+10)} \text{ mod } 11 = 2^{(11*10)} * 2^{10} \text{ mod } 11 = 2^{10} * 2^{10} \text{ mod } 11 = 2^{11} * 2^9 \text{ mod } 11 = 2 * 2^9 \text{ mod } 11 = 2^{10} \text{ mod } 11 = 1$

Definice 8.12 *Tranzitivní uzávěr* orientovaného grafu G je orientovaný graf G^+ takový, že $V(G^+) = V(G)$ a

$$xy \in E(G^+), \text{ pokud } \begin{cases} x \neq y & \text{a v } G \text{ existuje orientovaná cesta z } x \text{ do } y, \\ x = y & \text{a vrchol } x \text{ leží na nějakém cyklu v } G. \end{cases}$$